

---

**Ano Letivo** 2021-22

---

**Unidade Curricular** MATEMÁTICA I

---

**Cursos** ENGENHARIA ALIMENTAR (1.º ciclo)

---

**Unidade Orgânica** Instituto Superior de Engenharia

---

**Código da Unidade Curricular** 14451062

---

**Área Científica** MATEMÁTICA

---

**Sigla** MAT

---

**Código CNAEF (3 dígitos)** 461

---

**Contributo para os Objetivos de  
Desenvolvimento Sustentável - 4  
ODS (Indicar até 3 objetivos)**

---

**Línguas de Aprendizagem** Português - PT

**Modalidade de ensino**

Presencial e/ou On Line

**Docente Responsável**

Helena Maria Neto Paixão Vazquez Fernandez Martins

DOCENTE	TIPO DE AULA	TURMAS	TOTAL HORAS DE CONTACTO (*)
Helena Maria Neto Paixão Vazquez Fernandez Martins	OT; T; TP	T1; TP1; OT1	30T; 15TP; 30OT

\* Para turmas lecionadas conjuntamente, apenas é contabilizada a carga horária de uma delas.

ANO	PERÍODO DE FUNCIONAMENTO*	HORAS DE CONTACTO	HORAS TOTAIS DE TRABALHO	ECTS
1º	S1	30T; 15TP; 30OT	140	5

\* A-Anual;S-Semestral;Q-Quadrimestral;T-Trimestral

**Precedências**

Sem precedências

**Conhecimentos Prévios recomendados**

Os conteúdos previstos exigem uma preparação de Matemática de 12 anos de ensino a nível de ensino pré-universitário.

**Objetivos de aprendizagem (conhecimentos, aptidões e competências)**

Pretende-se consolidar os conhecimentos dos alunos sobre as sucessões, o cálculo diferencial de funções de uma variável real e introduzir os conceitos do cálculo integral e das séries, temas essenciais para as diversas disciplinas do plano do curso, bem como para o exercício da engenharia profissional.

### Conteúdos programáticos

I Funções reais de variável real.

Números Reais Noções topológicas. Funções. Limite e continuidade. Cálculo diferencial. Aplicações das derivadas.

II Cálculo integral em R.

Primitivas imediatas. Primitivação por decomposição, por integração por partes e por substituição. Integral definido. Propriedades. Regra de Barrow. Aplicações dos integrais no cálculo de áreas, comprimentos e volumes de sólidos de revolução.

III Séries.

Sucessões. Sucessão das somas parciais. Sucessão convergente. Séries numéricas. Séries geométricas e de Mengoli. Convergência de séries. Condição necessária de convergência. Propriedades. Séries de termos não negativos. Critérios de convergência. Séries de termos sem sinal fixo. Convergência absoluta. Séries alternadas. Cálculo aproximado da soma de uma série. Séries de potências. Séries de Taylor.

---

### Metodologias de ensino (avaliação incluída)

Aulas Teóricas: Exposição detalhada dos conteúdos da UC com análise de exemplos.

Aulas Teórico-Práticas: Resolução de exercícios sobre os temas já tratados na aula teórica.

Orientação tutorial: Os exercícios propostos aos alunos para resolverem em casa são corrigidos e são esclarecidas dúvidas.

Avaliação:

Nas atividades letivas: 2 testes parcelares (T1 e T2) e participação nas aulas (P).

Exame: prova escrita.

Classificação final (CF): Se o aluno apenas se apresenta a exame ou obtém classificação  $<$  a 7.5 valores a T1 e/ou T2, a CF corresponde à nota obtida em exame. Caso contrário, a CF corresponde à média M entre T1 e T2 para os alunos que, por escrito, prescindiram da avaliação P (apenas possível para alunos trabalhadores estudantes e/ou repetentes), os restantes alunos têm como CF a média ponderada de 90% de M e 10% de P, e ficam dispensados de exame caso obtenham  $CF \geq 9.5$  valores. Caso se justifique o aluno poderá ter realizar uma prova oral para obter aprovação na UC.

---

### Bibliografia principal

Stewart, J. (1999) Cálculo Vol. I e II. Pioneira

A. E. Azenha e M. A. Jerónimo (1995) Elementos de Cálculo Diferencial e Integral em  $\mathbb{R}$  e  $\mathbb{R}^n$ . McGraw-Hill

J. Campos Ferreira (1990) Introdução à Análise Matemática. Fundação Calouste Gulbenkian, 3ª Ed

J. Carvalho e Silva (1994) Princípios de Análise Matemática Aplicada. McGraw-Hill

J. Carvalho e Silva e C. M. F. Leal (1996) Análise Matemática Aplicada. McGraw-Hill

N. Piskounov (1997) Cálculo Diferencial e Integral, Vol. I e II. Lopes da Silva Editora

B. Demitovitch (1977) Exercícios de Análise Matemática. McGraw-Hill

M. Olga Baptista (1992) Matemática - Cálculo Diferencial em  $\mathbb{R}$ . Sílabo

M. Ferreira e I. Amaral (1995) Matemática - Primitivas e Integrais. Sílabo

R. Larson, P. H. Hostetler e B. H. Edwards (2006) Cálculo Vol. I McGraw-Hill

M. O. Baptista e M. A. Silva (1994) Matemática. Equações Diferenciais e Séries. Sílabo

---

**Academic Year** 2021-22

---

**Course unit** MATHEMATICS I

---

**Courses** FOOD ENGINEERING

---

**Faculty / School** INSTITUTE OF ENGINEERING

---

**Main Scientific Area** MATH

---

**Acronym**

---

**CNAEF code (3 digits)** 461

---

**Contribution to Sustainable Development Goals - SGD (Designate up to 3 objectives)** 4

---

**Language of instruction** Portuguese - PT.

---

**Teaching/Learning modality** Classroom teaching and/or On Line

**Coordinating teacher** Helena Maria Neto Paixão Vazquez Fernandez Martins

Teaching staff	Type	Classes	Hours (*)
Helena Maria Neto Paixão Vazquez Fernandez Martins	OT; T; TP	T1; TP1; OT1	30T; 15TP; 30OT

\* For classes taught jointly, it is only accounted the workload of one.

Contact hours	T	TP	PL	TC	S	E	OT	O	Total
	30	15	0	0	0	0	30	0	140

T - Theoretical; TP - Theoretical and practical ; PL - Practical and laboratorial; TC - Field Work; S - Seminar; E - Training; OT - Tutorial; O - Other

### Pre-requisites

no pre-requisites

### Prior knowledge and skills

The contents demand a previous preparation of 12 years in mathematics in the pre-university studies level.

### The students intended learning outcomes (knowledge, skills and competences)

The aim is to consolidate students' knowledge about functions, differential calculus of functions of one real variable and introduce the concepts of integral calculus and series, key themes for the various disciplines of the course plan and for the future work as professional engineering.

### Syllabus

I Real functions of real variable.

Real Numbers. Topological concepts in  $\mathbb{R}$ . Real functions. Properties. Limits and continuity. Differential calculus. Applications.

II Integral Calculus in  $\mathbb{R}$ .

Antiderivative. Methods of decomposition, integration by parts and change of variables. Definite integral. Properties. Barrow's rule. Applications of the integral on the calculation of the area of a region, lengths of lines and volumes of solids of revolution.

III Series

Sequences of real numbers. A sequence of partial sums. Bounded sequence. Numerical series. Geometric and Mengoli series. The convergence of a series. A necessary condition for convergence. Properties. Series of nonnegative terms. Convergence criteria. Series of terms with no fixed sign. Absolute convergence. Alternating series. Approximate calculus of the sum of a series. Power series. Taylor series.

### Teaching methodologies (including evaluation)

Lectures: A detailed exposition of the contents of the lecture with the analysis of examples.

Theoretical-Practical classes: Resolution of exercises on the topics already treated in the lectures.

Tutorial orientation: The exercises proposed for students to solve at home are corrected and doubts are clarified.

Assessment:

During the course activities: 2 split tests (T1 and T2) and participation in classes (P) or an exam

Final Classification (CF): If the student only goes to the exam or obtains a classification  $< 7.5$  in T1 and/or T2, the CF corresponds to the grade obtained in the exam. Otherwise, the CF corresponds to the average M between T1 and T2 for those who don't intend to grade in P (only possible for working students and/or repeating students), for the remaining students CF is the weighted average of 90% of M and 10% of P, and are exempt from examination students that achieve  $CF > 9.5$  values. The student may have to take an oral examination to obtain approval in curricular unit.

---

### Main Bibliography

Stewart, J. (1999) Cálculo Vol. I e II. Pioneira

A.E Azenha e M.A. Jerónimo (1995) Elementos de Cálculo Diferencial e Integral em  $\mathbb{R}$  e  $\mathbb{R}^n$ . McGraw-Hill

J. Campos Ferreira (1990) Introdução à Análise Matemática. Fundação Calouste Gulbenkian, 3ª Ed

J. Carvalho e Silva (1994) Princípios de Análise Matemática Aplicada. McGraw-Hill

J. Carvalho e Silva e C.M.F. Leal (1996) Análise Matemática Aplicada. McGraw-Hill

N. Piskounov (1997) Cálculo Diferencial e Integral, Vol. I e II. Lopes da Silva Editora

B. Demitovitch (1977) Exercícios de Análise Matemática. McGraw-Hill

M. Olga Baptista (1992) Matemática - Cálculo Diferencial em  $\mathbb{R}$ . Sílabo

M. Ferreira e I. Amaral (1995) Matemática - Primitivas e Integrais. Sílabo

R. Larson, P.H. Hostetler e B. H. Edwards (2006) Cálculo Vol. I McGraw-Hill

M.O. Baptista e M.A. Silva (1994) Matemática. Equações Diferenciais e Séries. Sílabo