
Ano Letivo 2022-23

Unidade Curricular FUNDAMENTOS DA ARITMÉTICA ELEMENTAR

Cursos ENSINO DO 1.º CICLO DO ENSINO BÁSICO E DE MATEMÁTICA E CIÊNCIAS NATURAIS NO 2.º CICLO DO ENSINO BÁSICO (2º Ciclo)

Unidade Orgânica Escola Superior de Educação e Comunicação

Código da Unidade Curricular 17921013

Área Científica

Sigla

Código CNAEF (3 dígitos) 461

Contributo para os Objetivos de Desenvolvimento Sustentável - 4,5,10 ODS (Indicar até 3 objetivos)

Línguas de Aprendizagem

Português

Modalidade de ensino

Presencial

Docente Responsável

Fernando Miguel Granja Martins

DOCENTE	TIPO DE AULA	TURMAS	TOTAL HORAS DE CONTACTO (*)
Fernando Miguel Granja Martins	OT; TP	TP1; OT1	37.5TP; 2.5OT

* Para turmas lecionadas conjuntamente, apenas é contabilizada a carga horária de uma delas.

ANO	PERÍODO DE FUNCIONAMENTO*	HORAS DE CONTACTO	HORAS TOTAIS DE TRABALHO	ECTS
2º	S1	32.5TP	130	5

* A-Anual;S-Semestral;Q-Quadrimestral;T-Trimestral

Precedências

Sem precedências

Conhecimentos Prévios recomendados

-

Objetivos de aprendizagem (conhecimentos, aptidões e competências)

Distinguir métodos válidos de raciocínio matemático e identificar os conceitos sobre os quais esses métodos são construídos
Conhecer os desafios colocados nas sucessivas extensões do conceito de número, bem como a forma como foram ultrapassados
Justificar os procedimentos utilizados no cálculo operatório, com especial ênfase nos números racionais
Utilizar com flexibilidade os conceitos numéricos e suas relações, bem como as propriedades das operações
Demonstrar propriedades numéricas
Conhecer as estruturas fundamentais da aritmética elementar
Modelar situações concretas que envolvam os números racionais através de métodos e conceitos matemáticos
Utilizar criticamente ideias e argumentos que envolvem os números racionais e irracionais
Evidenciar rigor na utilização da linguagem matemática
Estabelecer conexões, no ensino dos números racionais, com a estrutura matemática subjacente, relacionando conceitos de modo a maximizar o potencial pedagógico das tarefas de aprendizagem.

Conteúdos programáticos

1. Evolução do conceito de número: da criação dos números naturais às sucessivas generalizações do conceito de número. Princípio da conservação das regras de cálculo. Os números racionais e os números irracionais. Os números negativos. Densidade e continuidade. Cortes de Dedekind. O conjunto dos números reais. Operações e propriedades.
2. Estruturas algébricas. Noção de grupóide, semi-grupo e grupo. As noções de anel e corpo.
3. Raciocínio matemático. Raciocínio indutivo e por analogia. O raciocínio dedutivo. Formas válidas de raciocínio dedutivo. Revisão de noções básicas sobre conjuntos e relações.
4. O ensino e aprendizagem dos números racionais. Diversas interpretações e representações dos números racionais. Grandeza absoluta e relativa dos números. Significado e efeito das operações com números racionais. Algoritmos. Os números racionais na modelação de situações da vida corrente.

Metodologias de ensino (avaliação incluída)

Exposição dos principais conceitos e teorias; leitura e discussão de textos; realização e discussão de tarefas.

Avaliação Individual:

(A) Apresentação escrita e oral de um texto (artigo ou capítulo de livro) - 40%

(B) Tarefa (ou cadeia de tarefas) destinada(s) a alunos do 2.º Ciclo do Ensino Básico - 60%.

A nota mínima das componentes de avaliação (A) e (B) é de 8 valores.

As datas de entrega dos trabalhos referentes às componente (A) e (B) serão definidas pelo docente da disciplina. A componente (A) será no meio do semestre e a componente (B) no fim do semestre.

Bibliografia principal

- Caraça,B.(1984).Conceitos Fundamentais da Matemática.Livraria Sá Costa Editora
- Caballero,E.(2012).Manhattan GMAT Guide1 Fractions, Decimals
- Fosnot,C.,Dolk,M.(2002).Young Mathematicians at Work:Constructing Fractions, Decimals and Percents. Portsmouth: Heinemann
- Houston,K.(2009).How to think like a mathematician:A companion to undergraduate mathematics. Cambridge University Press
- Kirnev,DCB.(2015).Estruturas Algébricas Londrina:Editora e Distribuidora Educacional SA
- Lamon,S.(2006).Teaching Fractions and Ratios for Understanding. Second Edition. London:Lawrence Erlbaum Associates Publishers
- Monteiro,C.;Pinto,H.(2007).Desenvolvendo o sentido de número racional.Lisboa:APM
- Musser,GL;Burger,W.F.;Peterson,BE.(2004).Essentials of Mathematics for Elementary Teachers:A contemporary approach. 6º edition.Wiley
- NCTM.(2002).Making sense of fractions, ratios, and proportions. B. Litwiller e G. Bright (eds.).Reston,VA: NCTM
- Paterlini,RR.(2012).Aritmética dos números reais.São Carlos:Preprint UFSCar.

Academic Year 2022-23

Course unit FOUNDATIONS OF ELEMENTARY ARITHMETIC

Courses TEACHING IN THE FIRST CYCLE OF BASIC EDUCATION AND OF MATHEMATICS AND NATURAL SCIENCES IN THE SECOND CYCLE OF BASIC EDUCATION
Common Branch

Faculty / School SCHOOL OF EDUCATION AND COMMUNICATION

Main Scientific Area

Acronym

CNAEF code (3 digits) 461

Contribution to Sustainable Development Goals - SGD (Designate up to 3 objectives) 4,5,10

Language of instruction Portuguese

Teaching/Learning modality

Presential

Coordinating teacher

Fernando Miguel Granja Martins

Teaching staff	Type	Classes	Hours (*)
Fernando Miguel Granja Martins	OT; TP	TP1; OT1	37.5TP; 2.5OT

* For classes taught jointly, it is only accounted the workload of one.

Contact hours

T	TP	PL	TC	S	E	OT	O	Total
0	32.5	0	0	0	0	0	0	130

T - Theoretical; TP - Theoretical and practical ; PL - Practical and laboratorial; TC - Field Work; S - Seminar; E - Training; OT - Tutorial; O - Other

Pre-requisites

no pre-requisites

Prior knowledge and skills

-

The students intended learning outcomes (knowledge, skills and competences)

To know valid methods of mathematical reasoning and to identify the concepts that support them

To know the challenges that arose from successive enlargements of the number concept as well as the ways for overcoming them

To justify procedural methods for number computations with an emphasis on rational numbers

To evidence flexibility in the use of number concepts and their relationships as well as in number operations

To prove number properties

To know the fundamental structures of elementary arithmetic

To use mathematical methods and concepts in order to model situations that involve rational numbers

To critically use ideas and arguments concerning rational and irrational numbers

To evidence rigor in the use of mathematical language

To be able to establish connections in the teaching of rational numbers to the underlying mathematical structure and to relate concepts in order to maximize the pedagogical potential of the learning tasks

Syllabus

1. The evolution of the number concept: from the creation of natural numbers to the successive enlargements of the number concept. Principle of the conservation of computational rules. The rational numbers and the irrational numbers. The negative numbers. Density and continuity. The Dedekind cuts. The set of real numbers. Operations and properties.
2. Algebraic structures. The notions of grupoid, semigroup, group, ring and field.
3. Mathematical reasoning. Inductive reasoning and reasoning by analogy. Deductive reasoning. Valid ways of deductive reasoning. Basic notions on sets and relations.
4. The teaching of rational number concepts. Interpretations and representations of rational numbers. Absolute and relative thinking. Meaning and effect of the operations on rational numbers. Algorithms. The rational numbers as models of real life situations.

Teaching methodologies (including evaluation)

Presentation of main concepts and theories; reading and discussion of selected texts; practical activities followed by discussion

Individual assessment:

(A) Oral and written presentation of a text (article or book chapter) - 40%

(B) Presentation of learning tasks to be implemented to 10-11 years old students - 60%.

Assessment components (A) and (B) have a minimum classification of 8 values.

Delivery dates of works on the assessment component (A) and (B) are defined by the subject teachers.

Main Bibliography

- Caraça,B.(1984).Conceitos Fundamentais da Matemática.Livraria Sá Costa Editora
- Caballero,E.(2012).Manhattan GMAT Guide1 Fractions, Decimals
- Fosnot,C.,Dolk,M.(2002).Young Mathematicians at Work:Constructing Fractions, Decimals and Percents. Portsmouth: Heinemann
- Houston,K.(2009).How to think like a mathematician:A companion to undergraduate mathematics. Cambridge University Press
- Kirnev,DCB.(2015).Estruturas Algébricas Londrina:Editora e Distribuidora Educacional SA
- Lamon,S.(2006).Teaching Fractions and Ratios for Understanding. Second Edition. London:Lawrence Erlbaum Associates Publishers
- Monteiro,C.;Pinto,H.(2007).Desenvolvendo o sentido de número racional.Lisboa:APM
- Musser,GL;Burger,W.F.;Peterson,BE.(2004).Essentials of Mathematics for Elementary Teachers:A contemporary approach. 6º edition.Wiley
- NCTM.(2002).Making sense of fractions, ratios, and proportions. B. Litwiller e G. Bright (eds.).Reston,VA: NCTM
- Paterlini,RR.(2012).Aritmética dos números reais.São Carlos:Preprint UFSCar.