
Ano Letivo 2023-24

Unidade Curricular ANÁLISE MATEMÁTICA II

Cursos ENGENHARIA DE SISTEMAS E TECNOLOGIAS INFORMÁTICAS (1.º ciclo)

Unidade Orgânica Instituto Superior de Engenharia

Código da Unidade Curricular 19411008

Área Científica MATEMÁTICA

Sigla MAT

Código CNAEF (3 dígitos) 461

Contributo para os Objetivos de
Desenvolvimento Sustentável - 9;8
ODS (Indicar até 3 objetivos)

Línguas de Aprendizagem Português

Modalidade de ensino

Ensino presencial

Docente Responsável

Ana Bela Batista Dos Santos

DOCENTE	TIPO DE AULA	TURMAS	TOTAL HORAS DE CONTACTO (*)
Ana Bela Batista dos Santos	T	T1	28T
Larissa Robertovna Labakhua	TP	TP1	42TP

* Para turmas lecionadas conjuntamente, apenas é contabilizada a carga horária de uma delas.

ANO	PERÍODO DE FUNCIONAMENTO*	HORAS DE CONTACTO	HORAS TOTAIS DE TRABALHO	ECTS
1º	S2	28T; 42TP	182	7

* A-Anual;S-Semestral;Q-Quadrimestral;T-Trimestral

Precedências

Sem precedências

Conhecimentos Prévios recomendados

Conhecimentos adquiridos na UC de Análise Matemática I

Objetivos de aprendizagem (conhecimentos, aptidões e competências)

Desenvolver a capacidade de raciocínio indutivo e dedutivo e a capacidade de aprofundar conhecimentos com objetividade.

Dominar os conceitos envolvidos nos conteúdos programáticos e ter destreza na sua utilização, nomeadamente, ter capacidade de analisar problemas concretos, saber escolher os métodos adequados para os resolver e saber fazer os cálculos necessários.

Saber aplicar os conteúdos programáticos, com maleabilidade e sentido crítico, a outras disciplinas e a outras áreas científicas.

Conteúdos programáticos

FUNÇÕES REAIS DE VARIÁVEIS REAIS

NOÇÕES TOPOLÓGICAS EM $\mathbb{R}^n$: campos escalares e vetoriais; curvas e superfícies de nível; limite e continuidade.

CÁLCULO DIFERENCIAL EM $\mathbb{R}^n$: derivadas segundo um vetor e parciais; diferencial total e aplicação a cálculos aproximados; derivada total; derivadas parciais da função composta e da função implícita; derivadas parciais de ordem n ; gradiente; divergência; rotacional.

CÁLCULO INTEGRAL EM $\mathbb{R}^n$: integrais duplos e triplos; mudança de variáveis; aplicação ao cálculo de áreas e de volumes; fluxo e integral de linha de um campo vetorial; campos solenoidais; teoremas de Stokes; de Green e da divergência; potencial vetor; campos conservativos e circulação; potencial escalar.

EQUAÇÕES DIFERENCIAIS

DE 1ª ORDEM: de variáveis separadas e separáveis; lineares; de uma função homogénea e de uma função homogeneizável; exatas e fator integrante.

DE ORDEM SUPERIOR A UM: homogéneas com coeficientes constantes; método dos coeficientes indeterminados.

Metodologias de ensino (avaliação incluída)

Aulas Teóricas (T): Exposição teórica dos conteúdos, alternada com exemplos práticos e interagindo com os estudantes.

Aulas Teórico-Práticas (TP): Resolução de exercícios após discussão com os estudantes do enunciado, dos métodos a utilizar. Correção das resoluções feitas pelos estudantes e esclarecimento das dúvidas surgidas.

Avaliação Contínua : Dois testes escritos parcelares (T1 e T2); trabalho individual e participação nas aulas TP (PI). A classificação final é igual à média ponderada de M (90%) e PI (10%), sendo (M) a média dos testes T1 e T2 e sendo exigida uma classificação mínima de 8 valores em cada teste.

Avaliação Final : Exame escrito.

Todas as avaliações são classificadas na escala de 0 a 20.

O estudante fica aprovado se obtiver classificação igual ou superior a 9,5 na avaliação contínua ou na avaliação final.

Bibliografia principal

Disponibiliza-se material de suporte às aulas teóricas e fichas de exercícios para as aulas teórico-práticas e para trabalho individual.

- [1] Anton, H., Bivens I., Davis, S., *Calculus - Late transcendentals*, John Wiley and Sons, 2013
- [2] Apostol, T., *Calculus*, Ed. Reverté, 1983.
- [3] Azenha, A. & Jerónimo, M. A., *Cálculo Diferencial e Integral em R e R^n* , McGraw-Hill, 1995.
- [4] Ferreira A.M., *Cálculo Diferencial em R^n - exercícios*, Edições Sílabo, 2008.
- [5] Krasnov, M.; Kisseliov, A.; Makarenko, G., *Análise Vetorial*, Ed. Mir Moscovo, 1985.
- [6] Krasnov, M.; Kisseliov, A.; Makarenko, G., *Problemas de Equações Diferenciais Ordinárias*, McGraw-Hill, 1994.
- [7] Stewart, J., *Cálculo*, vol. II. Thomson Pioneira, São Paulo, 2005.

Academic Year 2023-24

Course unit MATHEMATICS II

Courses SYSTEMS ENGINEERING AND COMPUTER TECHNOLOGIES (1st cycle)

Faculty / School INSTITUTE OF ENGINEERING

Main Scientific Area MATH

Acronym

CNAEF code (3 digits) 461

Contribution to Sustainable Development Goals - SGD (Designate up to 3 objectives) 9;8

Language of instruction Portuguese

Teaching/Learning modality Classroom teaching

Coordinating teacher Ana Bela Batista dos Santos

Teaching staff	Type	Classes	Hours (*)
Ana Bela Batista dos Santos	T	T1	28T
Larissa Robertovna Labakhua	TP	TP1	42TP

* For classes taught jointly, it is only accounted the workload of one.

Contact hours	T	TP	PL	TC	S	E	OT	O	Total
	28	42	0	0	0	0	0	0	182

T - Theoretical; TP - Theoretical and practical ; PL - Practical and laboratorial; TC - Field Work; S - Seminar; E - Training; OT - Tutorial; O - Other

Pre-requisites

no pre-requisites

Prior knowledge and skills

Knowledge acquired in Mathematical Analysis I

The students intended learning outcomes (knowledge, skills and competences)

To develop abstract and critical reasoning and the ability to deepen the knowledge.

To obtain a good knowledge of the concepts involved in the syllabus and to be skilled in their use, namely, to be able to analyze real problems, to know how to choose the suitable methods to solve them and how to do the required calculations.

To know how to apply the concepts involved in the syllabus, with malleability and critical sense, to other problems and fields.

Syllabus

REAL FUNCTIONS OF REAL VARIABLES

TOPOLOGICAL NOTIONS IN $\mathbb{R}^n$: scalar and vector fields; curves and level surfaces; limit and continuity.

DIFFERENTIAL CALCULATION IN $\mathbb{R}^n$: directional derivative and partial derivative; total differential and its application for approximate calculations; total derivative; partial derivatives of the compound function and the implicit function; partial derivatives of order n ; gradient; divergence; curl.

INTEGRAL CALCULATION IN $\mathbb{R}^n$: double and triple integrals; change of variables; application to the calculation of areas and volumes; flow and line integral of a vector field; solenoidal fields; theorems of Stokes; of Green and of the divergence; potential vector; conservative fields and circulation; scalar potential.

DIFFERENTIAL EQUATIONS

1st ORDER: separable, homogeneous, exact and linear differential equations.

n^{th} ORDER: equations with constant coefficients; method of indeterminate coefficients.

Teaching methodologies (including evaluation)

Theoretical (T): Theoretical presentation of contents and practical examples while interacting with students.

Theoretical and Practical (TP): Exercises solving after discussion of each problem and solving methods with the students. Presentation by the students of the solutions found for the proposed exercises. Correction of exercises and answering students' questions.

Continuous Assessment : two partial written tests (T1 and T2); individual work and participation in the TP classes (PI). The final rating is equal to the weighted average of M (90%) and PI (10%), where (M) is the average of the T1 and T2 tests. Each test requires a minimum grade of 8 points.

Final Assessment : Written global exam.

All evaluations are on a scale of 0 to 20.

The student is approved having at least 9.5 points in continuous or final assessment.

Main Bibliography

Support documents and worksheets of exercises for TP and for individual work are available.

- [1] Anton, H., Bivens I., Davis, S., *Calculus - Late transcendentals*, John Wiley and Sons, 2013
- [2] Apostol, T., *Calculus*, Ed. Reverté, 1983.
- [3] Azenha, A. & Jerónimo, M. A., *Cálculo Diferencial e Integral em R e R^n* , McGraw-Hill, 1995.
- [4] Ferreira A.M., *Cálculo Diferencial em R^n - exercícios*, Edições Sílabo, 2008.
- [5] Krasnov, M.; Kisseliov, A.; Makarenko, G., *Análise Vetorial*, Ed. Mir Moscovo, 1985.
- [6] Krasnov, M.; Kisseliov, A.; Makarenko, G., *Problemas de Equações Diferenciais Ordinárias*, McGraw-Hill, 1994.
- [7] Stewart, J., *Cálculo*, vol. II. Thomson Pioneira, São Paulo, 2005.